

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего образования  
«Тольяттинский государственный университет»

Б1.В.01.01  
(индекс дисциплины)

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ**

**Избранные вопросы математического моделирования 1**

(наименование дисциплины)

по направлению подготовки (специальности)  
01.04.02 Прикладная математика и информатика

направленность (профиль)/специализация  
Математическое моделирование

Форма обучения: очная

Общая трудоемкость: 4 ЗЕ

Год набора 2022

**Распределение часов дисциплины по семестрам**

Семестр	2	Итого
Форма контроля	Зачет	
Вид занятий		
Лекции	8	8
Лабораторные		
Практические	16	16
Руководство: курсовые работы (проекты) / РГР		
Промежуточная аттестация	0,25	0,25
Контактная работа	24,25	24,25
Самостоятельная работа	119,75	119,75
Контроль		
<b>Итого</b>	<b>144</b>	<b>144</b>

Рабочую программу составил(и):

Доцент, доцент, к.ф.-м.н., Тырыгина Г.А.

*(должность, ученое звание, степень, Фамилия И.О.)*

---

*(должность, ученое звание, степень, Фамилия И.О.)*

---

Рецензирование рабочей программы дисциплины:



Отсутствует



Рецензент

*(должность, ученое звание, степень, Фамилия И.О.)*

---

Рабочая программа дисциплины составлена на основании ФГОС ВО и учебного плана направления подготовки (специальности)

01.04.02 Прикладная математика и информатика

---

**Срок действия рабочей программы дисциплины до «31» августа 2024 г.**

УТВЕРЖДЕНО

На заседании кафедры  
Прикладной математики и информатики

---

(протокол заседания № 2 от «15» \_сентября 2024 г.).

## 1. Цель освоения дисциплины

Цель освоения дисциплины – формирование теоретических знаний о методологии математическом моделировании и классификации математических моделей.

## 2. Место дисциплины в структуре ОПОП ВО

Дисциплины и практики, на освоении которых базируется данная дисциплина: математический анализ, линейная алгебра, дифференциальные уравнения, теория вероятностей и математическая статистика, численные методы, программирование, дискретные вероятностные модели (бакалавриат).

Дисциплины и практики, для которых освоение данной дисциплины необходимо как предшествующее: для выполнения научно-исследовательской работы.

## 3. Планируемые результаты обучения

Формируемые и контролируемые компетенции (код и наименование)	Индикаторы достижения компетенций (код и наименование)	Планируемые результаты обучения
ПК-1 Способен разрабатывать и анализировать концептуальные и теоретические модели решаемых научных проблем и задач	ПК-1.1 Знает основные подходы к построению непрерывных и дискретных математических моделей в различных областях знаний	Знать: основные подходы к построению непрерывных и дискретных математических моделей Уметь: разрабатывать непрерывные и дискретные математические модели Владеть: методами построения непрерывных и дискретных математических моделей в различных областях знаний
	ПК-1.2 Умеет строить и анализировать математические модели различных явлений и процессов и выполнять на их основе научные исследования в различных областях деятельности	Знать: принципы построения математических моделей различных явлений и процессов Уметь: выполнять научные исследования в различных областях деятельности Владеть: методами построения математических моделей различных явлений и процессов
	ПК-1.3 Владеет методами разработки и анализа концептуальных и	Знать: методы разработки и анализа концептуальных и теоретических моделей Уметь: анализировать

<b>Формируемые и контролируемые компетенции</b> (код и наименование)	<b>Индикаторы достижения компетенций</b> (код и наименование)	<b>Планируемые результаты обучения</b>
	теоретических моделей решаемых научных проблем и задач	модели решаемых научных проблем и задач Владеть: методами разработки и анализа концептуальных и теоретических моделей решаемых научных проблем и задач

#### 4. Структура и содержание дисциплины

Модуль (раздел)	Вид учебной работы	Наименование тем занятий (учебной работы)	Семестр	Объем, ч.	Баллы	Интерактив, ч.	Формы текущего контроля (наименование оценочного средства)
Модуль 1	Лек.	Методология математического моделирования. Разработка и анализ концептуальных и теоретических моделей решаемых научных проблем и задач.	2	2			
	Пр.	Модель. Свойства модели. Виды моделирования.	2	2			
	Лек.	Нечеткое моделирование. Нечеткие множества. Функции принадлежности. Операции над нечеткими множествами.	2	2			
	Пр.	Нечеткое моделирование. Нечеткие множества. Функции принадлежности. Операции над нечеткими множествами.	2	2			
	Лек.	Операции над нечеткими множествами. Нечеткое моделирование. Нечеткая логика. Лингвистические переменные. Основные логические операции с нечеткими высказываниями. Правила нечетких продукций. Моделирование с помощью аппарата нечетких множеств.	2	4			
	Пр.	Операции над нечеткими множествами. Нечеткое моделирование. Нечеткая логика. Лингвистические переменные.	2	10			

Модуль (раздел)	Вид учебной работы	Наименование тем занятий (учебной работы)	Семестр	Объем, ч.	Баллы	Интерактив, ч.	Формы текущего контроля (наименование оценочного средства)
	СР	Изучение конспекта, литературы, выполнение заданий		30			
	Пр.	Основные логические операции с нечеткими высказываниями. Правила нечетких продукций. Моделирование с помощью аппарата нечетких множеств.	2	2	-	-	Типовые задания
	СР	Изучение конспекта, литературы, выполнение заданий	2	89,75	-	-	Типовые задания
	ПА			0,25	-		
<b>Итого:</b>				<b>144</b>			

## **5. Образовательные технологии**

В рамках учебного курса предусмотрены следующие образовательные технологии: технология традиционного обучения: лекции и практические работы, самостоятельная работа.

## **6. Методические указания по освоению дисциплины**

Изучение дисциплины требует систематического и последовательного накопления знаний, следовательно, пропуски отдельных тем не позволяют глубоко освоить предмет.

В ходе лекционных занятий задавать преподавателю уточняющие вопросы с целью уяснения теоретических положений, разрешения спорных ситуаций.

Студент может дополнить список использованной литературы современными источниками, не представленными в списке рекомендованной литературы, и в дальнейшем использовать собственные подготовленные учебные материалы при написании курсовых и выпускных квалификационных работ.

Студентам следует:

- при подготовке к практическим занятиям следует обязательно использовать не только лекции, учебную литературу, но и другие источники;
- в начале занятий задать преподавателю вопросы по материалу, вызвавшему затруднения в его понимании и освоении при решении задач, заданных для самостоятельного решения;
- на занятии доводить каждую задачу до окончательного решения, демонстрировать понимание проведенных расчетов (анализов, ситуаций), в случае затруднений обращаться к преподавателю.

Для того чтобы практические занятия приносили максимальную пользу, необходимо помнить, что упражнение и решение задач проводятся по рассмотренному на лекциях материалу и связаны, как правило, с детальным разбором отдельных вопросов лекционного курса. Следует подчеркнуть, что только после усвоения лекционного материала с определенной точки зрения (а именно с той, с которой он излагается на лекциях) он будет закрепляться студентом на практических занятиях как в результате обсуждения и анализа лекционного материала, так и с помощью решения проблемных ситуаций, задач. При этих условиях студент не только хорошо усвоит материал, но и научится применять его на практике, а также получит дополнительный стимул (и это очень важно) для активной проработки лекции.

При самостоятельном решении задач нужно обосновывать каждый этап решения, исходя из теоретических положений курса. Если студент видит несколько путей решения проблемы (задачи), то нужно сравнить их и выбрать самый рациональный. Полезно до начала вычислений составить краткий план решения проблемы (задачи). Решение проблемных задач или примеров следует излагать подробно, вычисления располагать в строгом порядке, отделяя вспомогательные вычисления от основных. Решения при необходимости нужно сопровождать комментариями, схемами, чертежами и рисунками.

Следует помнить, что решение каждой учебной задачи должно доводиться до окончательного логического ответа, которого требует условие, и по возможности с выводом. Полученный ответ следует проверить способами, вытекающими из существа данной задачи. Полезно также (если возможно) решать несколькими способами и сравнить полученные результаты. Решение задач данного типа нужно продолжать до приобретения твердых навыков в их решении.

Подготовка к зачету способствует закреплению, углублению и обобщению знаний, получаемых, в процессе обучения, а также применению их к решению практических задач. Готовясь к зачету, студент ликвидирует имеющиеся пробелы в знаниях, углубляет, систематизирует и упорядочивает свои знания. На зачете студент демонстрирует то, что он приобрел в процессе обучения по конкретной учебной дисциплине.

Необходимо ориентировать студентов на систематическую подготовку к занятиям в течение семестра, что позволит использовать время экзаменационной сессии для систематизации знаний.

## 7. Оценочные средства

### 7.1. Паспорт оценочных средств

Семестр	Код контролируемой компетенции (или ее части)	Наименование оценочного средства
2	ПК-1	Типовые задания № 1-4. Вопросы к зачету № 130, 39, 40, 49, 50

### 7.2. Типовые задания или иные материалы, необходимые для текущего контроля

#### 7.2.1. Задания

(наименование оценочного средства)

##### Типовые задания

##### Задание 1

Пусть  $U = \{0, 1, 2, \dots, 120\}$  — возможный возраст человека. Выступая в роли эксперта, постройте графики функций принадлежности следующих нечетких множеств:  $A$  — молодой,  $B$  — старый,  $C$  — очень молодой,  $D$  — не старый. Запишите эти множества. Сравните полученные вами графики с графиками ваших коллег. Если есть различия, попытайтесь объяснить причины этих различий.

##### Задание 2

$U = R + \cup \{0\}$  множество неотрицательных действительных чисел.

Заданы функции принадлежности нечетких множеств:

$$\mu_C(x) = \begin{cases} 0, & \text{если } 0 \leq x < 3 \\ \frac{x-3}{3}, & \text{если } 3 \leq x \leq 6, \\ 1, & \text{если } x > 6 \end{cases} \quad 0 \leq x < \infty$$

Для каждого нечеткого множества требуется:

- 1) построить график функции принадлежности;
- 2) записать разложение по множествам уровня;
- 3) записать приближенное дискретное разложение, разбив отрезок  $[0,1]$  на пять частей.

##### Задание 3

Даны нечеткие множества:

$$A = 0,2/5 + 0,6/6 + 9/7 + 0,8/8 + 0,6/9 \text{ и}$$

$$B = 0,7/1 + 0,8/3 + 0,5/4.$$



Требуется:

- 1) записать множества  $CON(A)$ ,  $DIL(A)$ ,  $CON(B)$ ,  $DIL(B)$ ;
- 2) сделать два чертежа: на одном изобразить множества  $A$ ,  $CON(A)$ ,  $DIL(A)$ , на втором — множества  $B$ ,  $CON(B)$ ,  $DIL(B)$ ;
- 3) вычислить индексы нечеткости по метрике Хемминга для всех шести множеств;
- 4) вычислить индексы нечеткости по евклидовой метрике для всех шести множеств;
- 5) сравнить степень нечеткости множества  $A$  со степенью нечеткости множеств  $CON(A)$ ,  $DIL(A)$ , а также множества  $B$  с множествами  $CON(B)$ ,  $DIL(B)$ .

#### Задание 4

На универсальном множестве  $U = \{a, b, c, d, e, f, g\}$  заданы нечеткие множества

$$A = 0,3/b + 0,7/c + 1/d + 0,2/f + 0,6/g;$$

$$B = 0,3/a + 1/b + 0,5/c + 0,8/d + 1/e + 0,5/f + 0,6/g;$$

$$C = 1/a + 0,5/b + 0,2/d + 0,2/f + 0,9/g.$$

Требуется:

- 1) найти множества:  
 $A \cap B$ ,  $A \cup B$ ,  $(A \cup \bar{B}) \cap C$ ,  $(\overline{A \cap B}) \cap \bar{C}$ ,  $(A \cap \bar{A}) \cdot (B \cap \bar{B})$   
и дать геометрическую интерпретацию выполненных операций;
- 2) найти множества:  $0,8A^2 \cup 0,5B^2 \cup 0,3C^2$ ,  $0,6(A \cdot B) \cap C^2$ ;

#### Темы письменных работ

Не предусмотрено

#### Краткое описание и регламент выполнения

Выполненная работа сдается преподавателю

#### Критерии оценки:

оценка «отлично» выставляется студенту, если работа выполнена на более 90%

оценка «хорошо» выставляется студенту, если работа выполнена на 80%- 90%

оценка «удовлетворительно» выставляется студенту, если работа выполнена на 60%-80%

оценка «неудовлетворительно» выставляется студенту, если работа выполнена на более 60%

### 7.3. Оценочные средства для промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины

#### 7.3.1. Вопросы к промежуточной аттестации

№ п/п	Вопросы к зачету
1	Модель. Моделирование. Свойства модели. Цели моделирования.
2	Типы моделирования.
3	Когнитивные, концептуальные и формальные модели.
4	Классификация математических моделей в зависимости от сложности объекта моделирования. Структурная, имитационная. Элементы системного анализа.
5	Классификация математических моделей в зависимости от оператора модели.
6	Классификация математических моделей в зависимости от целей моделирования.
7	Классификация математических моделей в зависимости от параметров модели.
8	Классификация математических моделей в зависимости от методов реализации.
9	Этапы построения математической модели.
10	Содержательная постановка задачи моделирования.
11	Концептуальная постановка задачи моделирования.
12	Математическая постановка задачи моделирования.
13	Выбор и обоснование метода решения задачи.
14	Проверка адекватности модели. Анализ результатов моделирования.
15	Основные понятия системного анализа.
16	Структурное моделирование. Виды структурных моделей
17	Построение структурных моделей.
18	Нечеткие множества.
19	Функции принадлежности.
20	Операции над нечеткими множествами.
21	Нечеткие числа.
22	Лингвистические переменные.
23	Основные логические операции с нечеткими высказываниями.
24	Правила нечетких продукций.
25	Моделирование с помощью аппарата нечетких множеств.
26	Бинарные отношения.
27	Нечеткие бинарные отношения.
28	Композиция нечетких бинарных отношений.
29	Свойства и виды нечетких бинарных отношений.
30	Сложная система.
31	Математические модели элементов сложных систем.
32	Структурное моделирование.
33	Модель белого ящика.
34	Модель черного ящика.
35	Способы построения структурных моделей.
36	Иерархические структуры
37	Декомпозиция системы.
38	Программная реализация математической модели.
39	Линейная модель.
40	Нелинейная модель.
41	Анализ структуры систем.
42	Проверка адекватности моделей.
43	Эксперимент как средство построения моделей.

44	Параметрические методы обработки экспериментальных данных.
45	Непараметрические методы обработки экспериментальных данных.
46	Проверка адекватности моделей.
47	Основные понятия системного анализа.
48	Процедуры системного анализа.
49	Вероятностное описание событий и процессов.
50	Описание ситуаций с помощью нечетких моделей.

### 7.3.2. Критерии и нормы оценки

Семестр	Форма проведения промежуточной аттестации	Критерии и нормы оценки	
2	Зачет (письменно)	«зачтено»	Студент знает и понимает программный материал, умеет его использовать. Студент обладает необходимыми знаниями и умениями для устранения неточностей в своем ответе.
		«не зачтено»	Студент имеет существенные пробелы в знании основного материала по программе, допускает принципиальные ошибки при изложении материала

## 8. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

### 8.1. Обязательная литература

№ п/п	Авторы, составители	Заглавие (заголовок)	Тип (учебник, учебное пособие, учебно-методическое пособие, практикум, др.)	Год издания	Количество в научной библиотеке / Наименование ЭБС
1	Тарасик В. П.	Математическое моделирование технических систем	учебник	2017	ЭБС"ZNANIUM.COM"
2	Антонов А. В.	Системный анализ	учебник	2017	ЭБС"ZNANIUM.COM"
3	Кутузов О. И.	Моделирование систем: методы и модели ускоренной имитации в задачах телекоммуникационных и транспортных сетей.	учеб. пособие	2018	ЭБС "Лань"
4	Ганичева А. В.	Теория вероятностей	учеб. пособие	2017	ЭБС «Лань»

### 8.2. Дополнительная литература

№ п/п	Авторы, составители	Заглавие (заголовок)	Тип (учебник, учебное пособие, учебно-методическое пособие, практикум, др.)	Год издания	Количество в научной библиотеке / Наименование ЭБС
1	Петров А. В.	Моделирование процессов и систем	учеб. пособие	2015	ЭБС "Лань"
2	Голубева Н. В.	Математическое моделирование систем и процессов	учеб. пособие	2016	ЭБС "Лань"

### 8.3. Перечень профессиональных баз данных и информационных справочных систем

1. Springer International Publishing, Part of Springer Science+Business Media [Электронный ресурс] – Springer International Publishing AG, 2016. — Режим доступа к журн.: <http://link.springer.com> . – Загл. с экрана
2. WebofScience [Электронный ресурс]: мультидисциплинарная реферативная база данных. – Philadelphia: ClarivateAnalytics, 2016 —. Режим доступа: [apps.webofknowledge.com](http://apps.webofknowledge.com). – Загл. с экрана. – Яз. рус.,англ.
3. Scopus [Электронный ресурс]: реферативная база данных. – Netherlands: Elsevier, 2004—. – Режим доступа: [scopus.com](http://scopus.com). – Загл. С экрана. – Яз. рус. англ.
4. Elibrary [Электронный ресурс]: научная электронная библиотека. – Москва: НЭБ, 2000—. – Режим доступа: [elibrary](http://elibrary)

### 8.4. Перечень программного обеспечения

№ п/п	Наименование ПО	Реквизиты договора (дата, номер, срок действия)
1	MATLAB & Simulink	Договор 652/2014 от 07.07.2014 бессрочный
2	Mathcad	Акт п/п от 21.07.09 (Гос. Контракт 487 от 28.05.09)

### 8.5. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине

№ п/п	Наименование оборудованных учебных кабинетов, лабораторий, мастерских и др. объектов для проведения практических и лабораторных занятий, помещений для самостоятельной работы обучающихся (номер аудитории)	Перечень основного оборудования
	Компьютерный класс. Учебная аудитория для проведения занятий лекционного типа. Учебная аудитория для проведения занятий семинарского типа. Учебная аудитория для проведения лабораторных работ. Учебная аудитория для курсового проектирования (выполнения курсовых работ). Учебная аудитория для проведения групповых и индивидуальных консультаций Учебная аудитория для проведения занятий текущего контроля и промежуточной аттестации. (УЛК-401)	Компьютер (монитор 19", системный блок Pentium (R) Dual-Core E5500 2,8 GHz / 4 Gb / 500 Gb), Столы ученические, Столы компьютерные, стол преподавательский, стулья, доска аудиторная(меловая)
	Компьютерный класс. Помещение для самостоятельной работы. Учебная аудитория для проведения занятий	Столы ученические, стулья ученические, ПК с выходом в сеть Интернет

№ п/п	Наименование оборудованных учебных кабинетов, лабораторий, мастерских и др. объектов для проведения практических и лабораторных занятий, помещений для самостоятельной работы обучающихся (номер аудитории)	Перечень основного оборудования
	семинарского типа. Учебная аудитория для курсового проектирования (выполнения курсовых работ). Учебная аудитория для проведения групповых и индивидуальных консультаций. Учебная аудитория для проведения занятий текущего контроля и промежуточной аттестации. (Г-401)	