

федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Тольяттинский государственный университет»

Б1.О.10.03

(индекс дисциплины)

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

Высшая математика 3

(наименование дисциплины)

по направлению подготовки (специальности)

13.03.02 Электроэнергетика и электротехника

(код и наименование направления подготовки, специальности в соответствии с ФГОС ВПО/ ФГОС ВО)

Направленность (профиль): Электроснабжение

(направленность (профиль)/специализация)

Форма обучения: заочная

Год набора: 2019

Распределение часов дисциплины по курсам и видам занятий (по учебному плану)

Количество ЗЕТ	6						
Часов по РУП	216						
Виды контроля на курсах	Экзамены	Зачеты		Курсовые проекты	Курсовые ра-боты	Контрольные работы (для заочной формы обучения)	
	2						
	№№ курса						
	1	2	3	4	5	6	Итого
ЗЕТ по курсам		6					6
Лекции		12					12
Лабораторные							
Практические		12					12
Промежуточная ат-тестация		0,35					0,35
Контактная работа		24,35					24,35
Сам. работа		183					183
Контроль		8,65					8,65
Итого		216					216

Рабочую программу составил:

доцент, доцент, к.п.н. Крылова С.А.

(должность, ученое звание, степень, Фамилия И.О.)

Рецензирование рабочей программы дисциплины:



Отсутствует



Рецензент

(должность, ученое звание, степень, Фамилия И.О.)

Рабочая программа дисциплины составлена на основании ФГОС ВО и учебного плана
направления подготовки 13.03.02 Электроэнергетика и электротехника

Срок действия рабочей программы дисциплины до «__» _____ 2023 г.

СОГЛАСОВАНО

Заведующий кафедрой

"Электроснабжение и электротехника"

(выпускающей направление (специальность))

«__» _____ 20__ г.

(подпись)

В.В. Вахнина

(И.О. Фамилия)

УТВЕРЖДЕНО

На заседании кафедры "Высшая математика и математическое образование"

(протокол заседания № 02 от «09» сентября 2018 г.).

1. Цель и задачи изучения дисциплины (учебного курса)

Цель - приобретение теоретических знаний по основным разделам курса; формирование математического, логического и алгоритмического мышления; развитие достаточно высокой математической культуры бакалавра.

Задачи:

1. Сформировать у студента базу знаний по математике, необходимую для усвоения задач в области техники, связанной с профессиональной сферой.
2. Научить студента математическим методам решения задач.
3. Продемонстрировать студентам на примерах использование математических понятий и методов для решения задач в области техники, связанной с профессией.
4. Развивать у студентов умение самостоятельно расширять и углублять математические знания.

2. Место дисциплины (учебного курса) в структуре ОПОП ВО

Данная дисциплина (учебный курс) относится к обязательной части – Блок 1 Дисциплины (модули) (обязательная часть).

Дисциплины, учебные курсы, на освоении которых базируется данная дисциплина (учебный курс) – базируется на системе знаний и умений в области математики, полученных при изучении дисциплины «Высшая математика 1», «Высшая математика 2».

Дисциплины, учебные курсы, для которых необходимы знания, умения, навыки, приобретаемые в результате изучения данной дисциплины (учебного курса) – Высшая математика 3 - «Физика», профессиональные дисциплины.

3. Планируемые результаты обучения по дисциплине (учебному курсу), соотношенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы

Формируемые и контролируемые компетенции	Планируемые результаты обучения
ОПК-3. Способен применять соответствующий физико-математический аппарат, методы анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования при решении профессиональных задач	Знать: 1. Методы и приёмы количественной информации; 2. Основные понятия и методы линейной алгебры, аналитической геометрии, дифференциального и интегрального исчисления
	Уметь: 1. Решать типовые математические задачи 2. Использовать математическую символику для выражения количественных и качественных отношений объектов; 3. Применять методы математического анализа для решения инженерных задач

	<p>Владеть:</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. Методами математического описания типовых задач и интерпретации полученного результата 2. Способами наглядного графического представления результатов исследования; 3. Навыками применения современного математического инструментария для решения математических задач 4. Математической логикой, необходимой для формирования суждений по соответствующим профессиональным проблемам
--	---

4. Структура и содержание дисциплины (учебного курса)

Высшая математика 3

(наименование дисциплины (учебного курса))

Курс изучения 2

Раздел, модуль	Подраздел, тема	Виды учебной работы							Необходимые материально-техниче- ские ресурсы	Формы текущего контроля (наимено- вание оце- ночного средства)	Рекомендуе- мая литера- тура (№)
		Контактная работа (в часах)					Самостоятельная работа				
		всего			в т.ч. в интерактив- ной форме	Формы проведения лекций, ла- бораторных, практических за- нятий, методы обучения, реа- лизующие применяемую обра- зовательную технологию	в часах	формы организации самостоятельной работы			
		лекций	лабораторных	практических							
Модуль 9 Дифферен- циальные уравнения	1. Основные понятия ДУ первого по- рядка 2. Линейные неоднородные ДУ 3. Основные понятия ДУ высших поряд- ков	3				Информационная лек- ция			Доска аудитор- ная (меловая)		№№ 1-4 обяза- тельной литера- туры, №№ 1-3 допол- нитель- ной ли- тера- туры
	4. Однородные и неоднород- ные линейные ДУ второго по- рядка с посто- янными коэф- фициентами 5. Линейные неоднородные уравнения II			3		Практическое занятие			Раздаточный ма- териал	Реше- ние за- дач по теме «Крат- ные ин- те- гралы». Кон-	№№ 1-4 обяза- тельной литера- туры, №№ 1-3 допол- нитель- ной ли- тера- туры

	порядка с постоянными коэффициентами. Метод Лагранжа неопределенных коэффициентов								троль- ная ра- бота №1	
						45	Самостоятель- ное изучение ма- териала, подго- товка к кон- трольной работе	Компьютер с вы- ходом в сеть ин- тернет		№№ 1-4 обяза- тельной литера- туры, №№ 1-3 допол- нитель- ной ли- тера- туры
Модуль 10 Операцион- ные исчис- ления	1. Оригиналы и их изображе- ния. Преобра- зование Лапласа 2. Нахождение оригинала по изображению. Теоремы раз- ложения 3. Операцион- ный метод ре- шения линей- ных дифферен- циальных уравнений и их систем	3				Информационная лек- ция		Доска аудитор- ная (меловая)		№№ 1-4 обяза- тельной литера- туры, №№ 1-3 допол- нитель- ной ли- тера- туры
				3		Практическое занятие		Раздаточный ма- териал	Реше- ние за- дач по теме «Диф- ферен- циаль- ные	№№ 1-4 обяза- тельной литера- туры, №№ 1-3 допол-

										уравнения». Контрольная работа №2	нительной литературы
							46	Самостоятельное изучение материала, подготовка к контрольной работе	Компьютер с выходом в сеть интернет		№№ 1-4 обязательной литературы, №№ 1-3 дополнительной литературы
Модуль 11 Ряды	1. Сходимость числовых рядов. Признаки сходимости знакоположительных рядов. 2. Сходимость знакочередующихся рядов. Признак Лейбница. 3. Функциональные ряды. Сходимость степенных рядов.	3				Информационная лекция			Доска аудиторная (меловая)		№№ 1-4 обязательной литературы, №№ 1-3 дополнительной литературы
				3		Практическое занятие			Раздаточный материал.	Решение задач по теме «Ряды».	№№ 1-4 обязательной литературы,

	4. Ряд Тейлора и Маклорена 5. Разложение функции в степенные ряды 6. Ряды Фурье с периодом 2π и произвольным периодом									Контрольная работа №3	№№ 1-3 дополнительной литературы
						46	Самостоятельное изучение материала, подготовка к контрольной работе	Компьютер с выходом в сеть интернет			№№ 1-4 обязательной литературы, №№ 1-3 дополнительной литературы
Модуль 12 Элементы теории вероятностей и математической статистики	1. Сочетание 2. Перемещение 3. Распределение 4. Основные понятия теории вероятностей 5. Основные теоремы умножения и сложения 6. Условная вероятность.	3				Информационная лекция			Доска аудиторная (меловая)		№№ 1-4 обязательной литературы, №№ 1-3 дополнительной литературы
				3		Практическое занятие			Раздаточный материал.	Решение задач по теме	№№ 1-4 обязательной литературы,

	Формулы полной вероятности и формула Байеса 7. Дискретная случайная величина и ее характеристики 8. Непрерывная случайная величина и ее характеристики 9. Повторение испытаний. Формула Бернулли 10. Виды распределений 11. Основные понятия математической статистики 12. Статистические оценки параметров распределения								«Элементы теории вероятностей и математической статистики». Контрольная работа №4	№№ 1-3 дополнительной литературы
						46	Самостоятельное изучение материала, подготовка к контрольной работе	Компьютер с выходом в сеть интернет		№№ 1-4 обязательной литературы, №№ 1-3 дополнительной литературы
						183				
Промежуточная аттестация				0,35						
Контроль						8,65				
Итого:		12		12		216				
		24,35								

5. Критерии и нормы текущего контроля и промежуточной аттестации

Формы текущего контроля	Условия допуска	Критерии и нормы оценки
Контрольная работа 1	Допускаются все студенты	<p>Контрольная работа содержит 5 заданий, каждое задание оценивается в 1 балл.</p> <p>5 баллов выставляется студенту, если проверочная работа выполнена в полном объеме, все задания выполнены правильно;</p> <p>4 балла выставляется студенту, если работа выполнена в объеме от 80 % и выше;</p> <p>3 балла выставляется студенту, если работа выполнена в объеме от 60 % до 79 %</p> <p>2 балл выставляется студенту, если работа выполнена в объеме от 40 % до 59 %</p> <p>1 балл выставляется студенту, если проверочная работа выполнена в объеме от 20 % до 39 %</p> <p>0 баллов выставляется студенту, если работа выполнена в объеме менее 19 %.</p>
Контрольная работа 2	Допускаются все студенты	<p>Контрольная работа содержит 5 заданий, каждое задание оценивается в 1 балл.</p> <p>5 баллов выставляется студенту, если проверочная работа выполнена в полном объеме, все задания выполнены правильно;</p> <p>4 балла выставляется студенту, если работа выполнена в объеме от 80 % и выше;</p> <p>3 балла выставляется студенту, если работа выполнена в объеме от 60 % до 79 %</p> <p>2 балл выставляется студенту, если работа выполнена в объеме от 40 % до 59 %</p> <p>1 балл выставляется студенту, если проверочная работа выполнена в объеме от 20 % до 39 %</p> <p>0 баллов выставляется студенту, если работа выполнена в объеме менее 19 %.</p>

Контрольная работа 3	Допускаются все студенты	<p>Контрольная работа содержит 5 заданий, каждое задание оценивается в 1 балл.</p> <p>5 баллов выставляется студенту, если проверочная работа выполнена в полном объеме, все задания выполнены правильно;</p> <p>4 балла выставляется студенту, если работа выполнена в объеме от 80 % и выше;</p> <p>3 балла выставляется студенту, если работа выполнена в объеме от 60 % до 79 %</p> <p>2 балл выставляется студенту, если работа выполнена в объеме от 40 % до 59 %</p> <p>1 балл выставляется студенту, если проверочная работа выполнена в объеме от 20 % до 39 %</p> <p>0 баллов выставляется студенту, если работа выполнена в объеме менее 19 %.</p>
Контрольная работа 4	Допускаются все студенты	<p>Контрольная работа содержит 5 заданий, каждое задание оценивается в 1 балл.</p> <p>5 баллов выставляется студенту, если проверочная работа выполнена в полном объеме, все задания выполнены правильно;</p> <p>4 балла выставляется студенту, если работа выполнена в объеме от 80 % и выше;</p> <p>3 балла выставляется студенту, если работа выполнена в объеме от 60 % до 79 %</p> <p>2 балл выставляется студенту, если работа выполнена в объеме от 40 % до 59 %</p> <p>1 балл выставляется студенту, если проверочная работа выполнена в объеме от 20 % до 39 %</p> <p>0 баллов выставляется студенту, если работа выполнена в объеме менее 19 %.</p>

Форма проведения промежуточной аттестации	Условия допуска	Критерии и нормы оценки
---	-----------------	-------------------------

Экзамен, устно	Допускаются студенты, получившие «зачтено» за все контрольные работы	«отлично»	Полно раскрыто содержание билета, материал изложен грамотно, в определённой логической последовательности, правильно используется терминология. Показано умение иллюстрировать теоретические положения конкретными примерами. Ответ прозвучал самостоятельно, без наводящих вопросов.
		«хорошо»	Ответ удовлетворяет в основном требованиям на оценку "отлично", но при этом может иметь следующие недостатки: в изложении допущены небольшие пробелы, не искавшие содержание ответа; допущены один-два недочёта, исправленные по замечанию экзаменатора
		«удовлетворительно»	Неполно или непоследовательно раскрыто содержание материала, но показано общее понимание вопроса и продемонстрированы умения, достаточные для дальнейшего усвоения материала. Имелись затруднения или допущены ошибки в определении понятий, использовании терминологии, исправленные после наводящих вопросов
		«неудовлетворительно»	Присутствуют серьёзные пробелы в знаниях основного материала изученной дисциплины, допущены принципиальные ошибки в выполнении заданий, не продемонстрированы знания и умения, достаточные для дальнейшего усвоения материала.

6. Критерии и нормы оценки курсовых работ (проектов)

По учебному курсу курсовая работа (проект) учебным планом не предусмотрена

7. Примерная тематика письменных работ (курсовых, рефератов, контрольных, расчетно-графических и др.)

№ п/п	Темы контрольных работ
1	Дифференциальные уравнения
2	Операционные исчисления
3	Ряды
4	Элементы теории вероятностей и математической статистики

8. Вопросы к экзамену

№ п/п	Вопросы
1	Какие уравнения называются дифференциальными. Пример.
2	Что называют решением дифференциального уравнения. Пример
3	Что называют начальными условиями для дифференциального уравнения. Пример
4	Что называют общим решением для дифференциального уравнения (n-ого порядка)
5	Теорема Коши о существовании решения дифференциального уравнения 1-ого порядка
6	Дифференциальные уравнения 1-ого порядка и методы отыскания их решения:
7	Дифференциальные уравнения 2-ого порядка, допускающие понижение порядка 1-ого типа и метод отыскания их решения.
8	Дифференциальные уравнения 2-ого порядка, допускающие понижение порядка 2-ого типа и метод отыскания их решения.
9	Дифференциальные уравнения 2-ого порядка, допускающие понижение порядка 3-его типа и метод отыскания их решения.
10	Линейные однородные дифференциальные уравнения n-ого порядка, свойства его решений.
11	Структура общего решения ЛОДУ n-ого порядка.
12	Определение линейной зависимости функций. Условия линейной зависимости и линейной независимости двух функций.
13	Определитель Вронского и его свойства.
14	Линейные однородные дифференциальные уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами.
15	Структура общего решения линейных однородных дифференциальных уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами.
16	Характеристическое уравнение для линейных однородных дифференциальных уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами.
17	Вид общего решения линейных однородных дифференциальных уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами для случаев, когда корни характеристического уравнения действительные различные числа.
18	Вид общего решения линейных однородных дифференциальных уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами для случаев, когда корни характеристического уравнения действительные одинаковые числа.
19	Вид общего решения линейных однородных дифференциальных уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами для случаев, когда корни характеристического уравнения комплексные числа.
20	Линейные неоднородные дифференциальные уравнения n-ого порядка.
21	Структура общего решения линейных неоднородных дифференциальных уравнения n-ого порядка.
22	Метод вариации произвольных постоянных для отыскания частного решения линейного неоднородного дифференциального уравнения второго порядка.
23	Правая часть специального вида ЛНДУ 2-ого порядка с постоянными коэффициентами.
24	Метод неопределенных коэффициентов для отыскания частного решения неоднородного линейного дифференциального уравнения второго порядка с правой частью специального вида.
25	Преобразование Лапласа
26	Оригиналы и их изображения
27	Свойства преобразования Лапласа
28	Таблица оригиналов и изображений
29	Обратное преобразование Лапласа
30	Теоремы разложения
31	Операционный метод решения линейных дифференциальных уравнений и их систем

32	Что такое числовой ряд. Пример. Что называется суммой ряда. Какой ряд называется сходящимся, какой расходящимся. Бесконечная геометрическая прогрессия и ее сумма
33	Необходимый признак сходимости числового ряда. Как его можно использовать для исследования сходимости ряда
34	Достаточные признаки сходимости рядов с положительными членами (сравнения, Даламбера, радикальный, интегральный). Примеры
35	Знакопеременные ряды. Теорема Лейбница и её использование для приближённых вычислений суммы ряда
36	Знакопеременные ряды. Достаточные признаки сходимости. Абсолютная и условная сходимость
37	Степенной ряд. Интервал сходимости степенного ряда, радиус сходимости, как его найти
38	Ряды Тейлора и Маклорена для функции $f(x)$. Примеры для функций: $\cos(x)$, $\sin(x)$, $\ln(1+x)$, $\exp(x)$.
39	Использование рядов для вычислений приближенных значений функций и определенных интегралов с заданной точностью
40	Тригонометрический ряд. Коэффициенты Фурье, ряд Фурье для функций с периодом 2π
41	Разложение в ряд Фурье четных и нечетных периодических функций
42	Функциональный ряд. Область сходимости ряда.
43	Свойства степенных рядов
44	Использование рядов для отыскания приближенных решений дифференциальных уравнений
45	Условие Дирихле для функции
46	Условие сходимости ряда Фурье к функции, для которой он записан
47	Коэффициенты Фурье, ряд Фурье для функций с периодом T
48	Разложение в ряд Фурье непериодических функций
49	Ортогональные на отрезке $[a; b]$ функции
50	Формулы комбинаторики
51	Что такое испытание, событие. Пример. Какие события называют случайными, достоверными, невозможными. Пример
52	Какие события называют несовместными, независимыми. Пример
53	Что такое сумма событий, произведение событий. Пример
54	Какие события называют противоположными. Пример
55	Что такое полная группа событий. Что такое элементарные исходы испытания. Пример
56	Что такое относительная частота события, в чём заключается свойство устойчивости относительных частот, частотное определение вероятности события
57	Классическое определение вероятности события. Пример. Свойства вероятности события
58	Условная вероятность. Вероятность произведения событий. Вероятность произведения независимых событий. Пример
59	Вероятности суммы несовместных событий. Вероятности суммы совместных событий. Примеры
60	Повторные независимые испытания. Формула Бернулли.
61	Асимптотические формулы.
62	Случайная величина. Дискретные и непрерывные случайные величины. Пример
63	Закон распределения дискретной случайной величины. Пример
64	Числовые характеристики случайных величин {математическое ожидание, дисперсия, среднее квадратическое отклонение}. Что они характеризуют и каковы их свойства
65	Как найти математическое ожидание и дисперсию дискретной случайной величины
66	Функция распределения вероятностей $F(x)$ и плотность распределения вероятностей $f(x)$ непрерывной случайной величины, их свойства
67	Математическое ожидание и дисперсия непрерывной случайной величины

68	Как найти вероятность попадания случайной величины в заданный интервал, если известна плотность распределения вероятностей $f(x)$. Что геометрически выражает эта вероятность
69	Нормальный закон распределения, график плотности распределения, числовые характеристики
70	Как найти вероятность того, что случайная величина с нормальным законом распределения примет значение меньше заданного x_1 ; больше заданного x_2 ; на интервале (x_1, x_2) с помощью функции Лапласа
71	Генеральная и выборочная совокупности, какая выборка называется репрезентативной и как ее получить
72	Какие оценки называются несмещенными, состоятельными. Что является несмещенной оценкой мат.ожидания, дисперсии и как их вычислить по выборочным данным
73	Какая зависимость между величинами называется статистической, какая корреляционной. Пример на графиках рассеивания
74	Доверительный интервал для вероятности события, мат.ожидания, дисперсии.

Процедура оценивания

ЭКЗАМЕН является формой итоговой оценки качества освоения студентом образовательной программы по дисциплине в целом. По результатам зачёта студенту выставляется оценка «отлично», «хорошо», «удовлетворительно», «неудовлетворительно». Экзамен проставляется студенту во время сессии по результатам работы в течение семестра.

Критерии оценки:

- оценка «отлично» выставляется студенту, если полно раскрыто содержание билета, материал изложен грамотно, в определённой логической последовательности, правильно используется терминология. Показано умение иллюстрировать теоретические положения конкретными примерами. Ответ прозвучал самостоятельно, без наводящих вопросов.

- оценка «хорошо» выставляется студенту, если ответ удовлетворяет в основном требованиям на оценку "отлично", но при этом может иметь следующие недостатки: в изложении допущены небольшие пробелы, не исказившие содержание ответа; допущены один-два недочёта, исправленные по замечанию экзаменатора.

- оценка «удовлетворительно» выставляется студенту, если в его ответе неполно или непоследовательно раскрыто содержание материала, но показано общее понимание вопроса и продемонстрированы умения, достаточные для дальнейшего усвоения материала. Имелись затруднения или допущены ошибки в определении понятий, использовании терминологии, исправленные после наводящих вопросов.

- оценка «неудовлетворительно» выставляется студенту, если в его ответе присутствуют серьёзные пробелы в знаниях основного материала изученной дисциплины, допущены принципиальные ошибки в выполнении заданий, не продемонстрированы знания и умения, достаточные для дальнейшего усвоения материала.

9. Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине

9.1. Паспорт фонда оценочных средств

№ п/п	Контролируемые разделы (темы) дисциплины	Код контролируемой компетенции (или ее части)	Наименование оценочного средства
1	Дифференциальные уравнения	ОПК- 2	Контрольная работа 1
2	Операционные исчисления	ОПК- 2	Контрольная работа 2
3	Ряды	ОПК- 2	Контрольная работа 3
4	Элементы теории вероятностей и математической статистики	ОПК- 2	Контрольная работа 4

9.2. Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы

9.2.1. Комплект заданий для контрольной работы

Модуль 9. Дифференциальные уравнения

Вариант 1

Решить дифференциальные уравнения:

- $xy' - y = 0$
- $(y' + y)\sqrt{1 - e^{2x}} = 1$
- $xy'' - y' = x^3 e^x$
- $y'' + y = \operatorname{tg}^2 x$
- $y'' + 25y = 2 \sin 5x$

Вариант 2

Решить дифференциальные уравнения:

- $(x - 3y)y' = 4x + y$
- $xy' + 2y = \cos x$
- $xy'' - y' = x^2 \sin x$
- $y'' + y = \frac{1}{\cos x}$
- $y'' - 5y' + 6y = 12x + 6 - 3e^{2x}$

Вариант 3

Решить дифференциальные уравнения:

- $(x - 2y)y' = 5x + y$
- $y' + y \operatorname{tg} x = \cos^3 x$

$$3. 2xy'' = y'$$

$$4. y'' + y = \frac{1}{\cos^2 x}$$

$$5. 9y'' + y = 3\cos\frac{x}{3} + \sin\frac{x}{3}$$

Вариант 4

Решить дифференциальные уравнения:

$$1. xy' = y - x \operatorname{ctg}^2 \frac{y}{x}$$

$$2. y' - 2y = \sqrt[4]{y} e^{2x}$$

$$3. xy'' + y' = \frac{\ln x}{x}$$

$$4. y'' - 2y' + y = e^x \arcsin x$$

$$5. y'' + 6y' + 13y = -8\sin 2x$$

Критерии оценивания: Контрольная работа содержит 5 заданий, каждое задание оценивается в 1 балл.

5 баллов выставляется студенту, если проверочная работа выполнена в полном объёме, все задания выполнены правильно;

4 балла выставляется студенту, если работа выполнена в объёме от 80 % и выше;

3 балла выставляется студенту, если работа выполнена в объёме от 60 % до 79 %

2 балл выставляется студенту, если работа выполнена в объёме от 40 % до 59 %

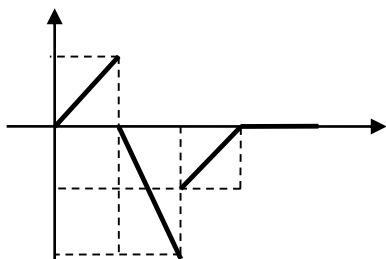
1 балл выставляется студенту, если проверочная работа выполнена в объёме от 20 % до 39 %

0 баллов выставляется студенту, если работа выполнена в объёме менее 19 %.

Модуль 10. Операционные исчисления

Вариант 1

1. Найти изображение оригинала, заданного графиком



2. Найти частное решение диф.уравнения, удовлетворяющее заданным начальным условиям

$$1) x'' - 9x = e^{-2t}, \quad x(0) = 0, x'(0) = 0$$

$$2) x'' + 9x = \cos 3t, \quad x(0) = 1, x'(0) = 0$$

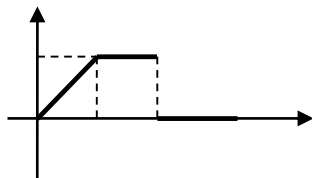
3. Найти частное решение системы диф.уравнений, удовлетворяющее заданным начальным условиям

$$1) \begin{cases} x' + y = 0 \\ y' + x = e^t \end{cases}, \quad x(0) = 2, y(0) = 0$$

$$2) \begin{cases} x' = x - y \\ y' = x + y + 2 \end{cases}, \quad x(0) = 1, y(0) = 0$$

Вариант 2

1. Найти изображение оригинала, заданного графиком



2. Найти частное решение диф.уравнения, удовлетворяющее заданным начальным условиям

1) $x'' + 9x = \cos 3t$, $x(0) = 1, x'(0) = 0$

2) $x'' + 9x = \cos 3t$, $x(0) = 1, x'(0) = 0$

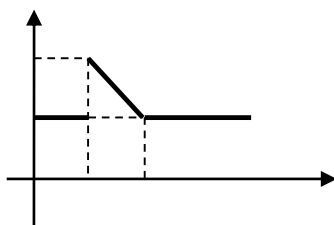
3. Найти частное решение системы диф.уравнений, удовлетворяющее заданным начальным условиям

1) $\begin{cases} x' = x - y \\ y' = x + y + 2 \end{cases}, \quad x(0) = 1, y(0) = 0$

2) $\begin{cases} x' - 4x + y = 0 \\ y' - x - 2y = 0 \end{cases}, \quad x(0) = 0, y(0) = 1$

Вариант 3

1. Найти изображение оригинала, заданного графиком



2. Найти частное решение диф.уравнения, удовлетворяющее заданным начальным условиям

1) $x'' + x = 2e^t$, $x(0) = 1, x'(0) = 2$

2) $x'' + x = 2 - 10e^{3t}$, $x(0) = 2, x'(0) = -6$

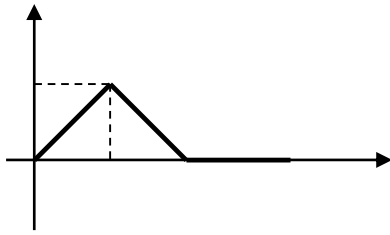
3. Найти частное решение системы диф.уравнений, удовлетворяющее заданным начальным условиям

1) $\begin{cases} 3x' + 3x + y = 0 \\ y' - x + y = 0 \end{cases}, \quad x(0) = 1, y(0) = 1$

2) $\begin{cases} x' + 7x - y = 0 \\ y' + 2x + 5y = 0 \end{cases}, \quad x(0) = 1, y(0) = 1$

Вариант 4

1. Найти изображение оригинала, заданного графиком



2. Найти частное решение диф. уравнения, удовлетворяющее заданным начальным условиям

1) $x'' + x = 2 - 10e^{3t}$, $x(0) = 2, x'(0) = -6$

2) $x'' - x' + 2 \sin t = 0$, $x(0) = 1, x'(0) = 2$

3. Найти частное решение системы диф. уравнений, удовлетворяющее заданным начальным условиям

1) $\begin{cases} x' - 4x + y = 0 \\ y' - x - 2y = 0 \end{cases}$, $x(0) = 0, y(0) = 1$

2) $\begin{cases} x' + y' = 0 \\ y' - 2y + x = 0 \end{cases}$, $x(0) = 1, y(0) = 1$

Критерии оценивания: Контрольная работа содержит 5 заданий, каждое задание оценивается в 1 балл.

5 баллов выставляется студенту, если проверочная работа выполнена в полном объёме, все задания выполнены правильно;

4 балла выставляется студенту, если работа выполнена в объёме от 80 % и выше;

3 балла выставляется студенту, если работа выполнена в объёме от 60 % до 79 %

2 балл выставляется студенту, если работа выполнена в объёме от 40 % до 59 %

1 балл выставляется студенту, если проверочная работа выполнена в объёме от 20 % до 39 %

0 баллов выставляется студенту, если работа выполнена в объёме менее 19 %.

Модуль 11. Ряды

Вариант 1

1. Исследовать сходимость ряда $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(n!)^2}{(2n)!}$.

2. Найти область сходимости степенного ряда $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2n-1}{3n-1} x^{2n-1}$

3. Разложить $\sin \frac{\pi x}{2}$ в ряд по степеням $(x+2)$.

4. Вычислить $\frac{1}{\sqrt[3]{e}}$ с точностью до 0,001, пользуясь разложением в ряд Маклорена.

5. Разложить функцию $f(x) = x$ в ряд по косинусам в $[0;1]$.

Вариант 2

1. Исследовать сходимость ряда $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n \cdot (n+2)}$.
2. Найти область сходимости степенного ряда: $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n-1} \frac{x^{2n}}{4^n}$
3. Разложить 2^{x-1} в ряд по степеням $(x-3)$.
4. Вычислить $\sin 18^\circ$ с точностью до 0,001, пользуясь разложением в ряд Маклорена.
5. Разложить функцию $f(x) = \begin{cases} 2x; & 0 < x \leq \frac{1}{2} \\ 1; & \frac{1}{2} < x < 1 \end{cases}$ в ряд по синусам.

Вариант 3

1. Исследовать ряд на сходимость $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^5}{2^n + 3^n}$
2. Найти область сходимости степенного ряда: $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n+1} \frac{(x-3)^n}{5^n \cdot n}$
3. Разложить $\ln(x-1)$ в ряд по степеням $(x-2)$.
4. Вычислить $\int_0^{1/2} \sqrt{1+x^3} dx$ с точностью до 0,001, пользуясь разложением в ряд Маклорена.
5. Разложить функцию $f(x)=2x$ в ряд на $(0,1)$.

Вариант 4

1. Исследовать сходимость ряда $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2^n \cdot n!}{n^n}$.
2. Найти область сходимости степенного ряда: $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n-1} \frac{n(n+1)}{2n+1} x^n$
3. Разложить $y=3^x$ в ряд по степеням $(x+1)$.
4. Вычислить $\sqrt[3]{90}$ с точностью до 0,001, пользуясь разложением в ряд Маклорена.
5. Разложить функцию $f(x) = \frac{\pi}{4} - \frac{x}{2}$ в ряд по косинусам кратных дуг в $(0, \pi)$.

Критерии оценивания: Контрольная работа содержит 5 заданий, каждое задание оценивается в 1 балл.

5 баллов выставляется студенту, если проверочная работа выполнена в полном объёме, все задания выполнены правильно;

4 балла выставляется студенту, если работа выполнена в объёме от 80 % и выше;

3 балла выставляется студенту, если работа выполнена в объёме от 60 % до 79 %

2 балл выставляется студенту, если работа выполнена в объёме от 40 % до 59 %

1 балл выставляется студенту, если проверочная работа выполнена в объеме от 20 % до 39 %

0 баллов выставляется студенту, если работа выполнена в объеме менее 19 %.

Модуль 12. Элементы теории вероятностей и математической статистики

Вариант 1

1. К опасному перегреву двигателя приводят дефекты: А3 – неисправность термостата, А2 – подтекание воды из радиатора, А1 – большое отложение слоя накипи на стенках. Описать события:

В – ни одного дефекта во время работы двигателя; С – только один дефект;

Д – три дефекта; Е – только два дефекта; Ф – хотя бы один дефект;

У – хотя бы два дефекта; К – не более двух дефектов.

2. В январе ВАЗ отгрузил М автомобилей марки 0101 и N автомобилей марки 0111. Получена информация о том, что в пути следования повреждены два автомобиля. Какова вероятность, что повреждены автомобили разных марок?

3. В лотерее 100 билетов, среди них один выигрыш в 50 руб., 3 выигрыша по 25., 6 выигрышей по 10 руб., и 15 выигрышей по 3 руб. Некто покупает один билет. Найти вероятность:

а) выиграть не менее 25 руб.;

б) выиграть не более 25 руб.

4. Первое орудие 4-орудийной батареи пристреляно так, что вероятность попадания равна 0,3; остальные три орудия соответственно вероятность попадания 0,2. Для поражения цели достаточно одного попадания. Два орудия произвели одновременно по выстрелу, в результате чего цель была поражена, Найти вероятность того, что первое орудие стреляло.

5. Испытуемый прибор состоит из трех малонадежных элементов. Отказы элементов за некоторое время Т независимы, а их вероятности равны соответственно P_1 , P_2 , P_3 . Найти закон распределения, математическое ожидание, моду, дисперсию числа неотказавших элементов. Построить функцию распределения. Определить вероятности того, что отказавших элементов будет не более n $P_1 = 0,03$; $P_2 = 0,02$; $P_3 = 0,01$; $n = 2$.

Вариант 2

1. Шахматист играет три партии. Рассмотрим события: А1 – выиграть у противника первую партию; А2 – выиграть у противника вторую партию; А3 – выиграть у противника третью партию. Описать события: В – не выиграть ни одной партии; С – выиграть только одну партию;

Д – выиграть все три партии; Е – выиграть только две партии; Ф – выиграть хотя бы одну партию; К – выиграть хотя бы две партии.

2. Из 50 вопросов студент выучил 40. Какова вероятность, что ему достанется билет с 2-мя известными вопросами. (В билете 2 вопроса).

3. Игра «Спортлото» предусматривает полный выигрыш при отгадывании 6 номеров из 49. Определить вероятность полного выигрыша при заполнении одной карточки.

4. Стрелок А поражает мишень при некоторых условиях стрельбы с вероятностью $P_1 = 0,16$, стрелок В – с вероятностью $P_2 = 0,5$, стрелок С – с вероятностью $P_3 = 0,4$. Стрелки дали залп по мишени, и две пули попали в цель. Что вероятнее – попал стрелок С в мишень или нет?

5. После длительной эксплуатации технического устройства проверяется исправность трех однотипных узлов этого устройства. Вероятность обнаружить узел неисправным 0,4. Х – число неисправных узлов.

Вариант 3

1. Студент сдал в сессию 3 экзамена. Рассмотрим события: A_1 – отличная оценка на первом экзамене; A_2 – отличная оценка на втором экзамене; A_3 – отличная оценка на третьем экзамене.

Описать события: B – сессию сдал без отличных оценок; C – на отлично сдал только один экзамен; D – на отлично сданы все экзамены; E – на отлично сданы только два экзамена; G – на отлично сдан хотя бы один экзамен; F – на отлично сданы хотя бы два экзамена.

2. Для беспрепятственного полета над территорией, самолет, приближаясь к ней, подает по радио парольную кодовую группу, состоящую из нескольких точек и тире. Найти вероятность того, что радист, не знающий парольную группу, угадывает ее, передав какую-нибудь группу наугад, если число кодовых элементов (точек и тире) в группе 5.

3. Замок имеет 4 диска по 10 цифр (0, 1, 2, ... 9). Какова вероятность открыть камеру

4. В двух урнах имеются черные и белые шары; в первой урне – 3 белых, 4 черных; во второй – 5 белых, 3 черных. Из первой урны наудачу берут два шара, из второй – один шар. Эти три шара помещают в третью урну. Из третьей урны вынимают один шар. Найти вероятность того, что он белый.

5. Производится стрельба по некоторой цели до первого попадания. Вероятность попадания при каждом выстреле одинакова и равна 0,7. X – число выстрелов, если в обойме 4 патрона.

Построить ряд и многоугольник распределения случайной величины X .

Найти числовые характеристики $M(X)$, $D(X)$, $\sigma(X)$.

Написать функцию распределения $F(x)$ и построить ее график.

Вычислить $P(X - M(X) < 1)$.

Вариант 3

1. Произведен замер диаметра у трех валиков. Рассмотрим события: A_1 – длина диаметра первого валика удовлетворяет допуску; A_2 – длина диаметра второго валика удовлетворяет допуску; A_3 – длина диаметра третьего валика удовлетворяет допуску.

Описать события: B – диаметр всех валиков не удовлетворяют допуску; C – только у одного валика диаметр удовлетворяет допуску; D – диаметр только у двух валиков удовлетворяет допуску; E – диаметр всех валиков удовлетворяет допуску; G – диаметр по крайней мере одного валика удовлетворяет допуску; K – диаметр по крайней мере двух валиков удовлетворяет допуску.

2. Участников математической олимпиады (100 чел.) методом жеребьевки разбили на две группы и рассадили по разным аудиториям. Какова вероятность того, что двое претендентов на первое место окажутся в разных аудиториях?

3. На пяти карточках написать буквы А, А, К, Н, У. Какова вероятность, что при случайном расположении карточек в ряд, получится слово «НАУКА»?

4. Два датчика посылают сигналы в общий сигнал связи, причем число сигналов первого и второго датчика относятся как 3:2. Вероятность получить искаженный сигнал от первого датчика 0,05, от второго – 0,06. Какова вероятность того, что наудачу выбранный из общего канала искаженный сигнал послан первым датчиком.

5. Испытуемый прибор состоит из трех малонадежных элементов. Отказы элементов за некоторое время T независимы, а их вероятности равны соответственно P_1, P_2, P_3 . Найти закон распределения, математическое ожидание, моду, дисперсию числа неотказавших элементов. Построить функцию распределения, Определить вероятность того, что отказавших элементов будет не более n $P_1 = 0,04; P_2 = 0,03; P_3 = 0,02; n = 1$.

Критерии оценивания: Контрольная работа содержит 5 заданий, каждое задание оценивается в 1 балл.

5 баллов выставляется студенту, если проверочная работа выполнена в полном объеме, все задания выполнены правильно;

4 балла выставляется студенту, если работа выполнена в объеме от 80 % и выше;

3 балла выставляется студенту, если работа выполнена в объеме от 60 % до 79 %

2 балл выставляется студенту, если работа выполнена в объёме от 40 % до 59 %
1 балл выставляется студенту, если проверочная работа выполнена в объёме от 20 % до 39 %
0 баллов выставляется студенту, если работа выполнена в объёме менее 19 %.

10. Образовательные технологии и методические указания по освоению дисциплины (учебного курса)

В курсе "Высшая математика 3" используются технология традиционного обучения: самостоятельное изучение материала, проведение лекций, практических занятий, контрольных работ.

Методические рекомендации студенту и преподавателю

В организации работы студентов заочной формы обучения при изучении учебного курса важное место принадлежит аудиторным занятиям. В них излагается общая характеристика вопросов темы.

Практические занятия проводятся по наиболее сложным темам дисциплины. Для студентов предусмотрено получение консультационной помощи.

На каждом последующем практическом занятии студенты, при ответе на проблемные вопросы и в ходе выполнения сложных заданий, должны использовать знания, полученные при изучении предшествующих тем. Основным источником информации при подготовке к практическим занятиям является основная и дополнительная литература.

11. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины (учебного курса)

11.1. Обязательная литература

№ п/п	Библиографическое описание	Тип (учебник, учебное пособие, учебно-методическое пособие, практикум, др.)	Количество в библиотеке
1	Шипачев, В.С. Высшая математика : учебник / В.С. Шипачев. — Москва : ИНФРА-М, 2019. — 479 с. — (Высшее образование). — www.dx.doi.org/10.12737/5394 . - Текст : электронный. - URL: https://new.znanium.com/catalog/product/990716	Учебник	ЭБС “ZNANIUM.COM”
2	Ржевский, С.В. Высшая математика : учебник / С.В. Ржевский. - Москва : Инфра-М ; Znanium.com, 2018. - 814 с. - (Высшее образование). - ISBN 978-5-16-107481-7 (online). - Текст : электронный. - URL: https://new.znanium.com/document?id=337456	Учебник	ЭБС “ZNANIUM.COM”
3	Математика : учеб. пособие / Ю.М. Данилов, Л.Н. Журбенко, Г.А. Никонова, Н.В. Никонова, С.Н. Нуриева ; под ред. Л.Н. Журбенко, Г.А. Никоновой. — Москва : ИНФРА-М, 2019. — 496 с. — (Высшее образование: Бакалавриат). - Текст : электронный. - URL: https://new.znanium.com/document?id=327832	Учебное пособие	ЭБС “ZNANIUM.COM”
4	Математика в примерах и задачах : учеб. пособие / О.М. Дегтярева, Л.Н. Журбенко, Г.А. Никонова, Н.В. Никонова, С.Н. Нуриева. — Москва : ИНФРА-М, 2019. — 372 с. — (Высшее образование: Бакалавриат). - Текст : электронный. - URL: https://new.znanium.com/catalog/document?id=327833	Учебное пособие	ЭБС “ZNANIUM.COM”

11.2. Дополнительная литература и учебные материалы (аудио-, видеопособия и др.)

- фонд научной библиотеки ТГУ:

№ п/п	Библиографическое описание	Тип (учебник, учебное пособие, учебно-методическое пособие, практикум, др.)	Количество в библиотеке
1	Кузнецов, Л.А. Сборник заданий по высшей математике. Типовые расчеты : учебное пособие / Л.А. Кузнецов. — 13-е изд., стер. — Санкт-Петербург : Лань, 2015. — 240 с. — ISBN 978-5-8114-0574-9. — Текст : электронный // Электронно-библиотечная система «Лань» : [сайт]. — URL: https://e.lanbook.com/book/4549 (дата обращения: 25.10.2019). — Режим доступа: для авториз. пользователей	Учебное пособие	ЭБС “Лань”
2	Филипова, Е.Е. Математика: Учебное пособие / Е.Е. Филипова, Д.В. Сергеева, И.Н. Слободская - Вологда: ВИПЭ ФСИН России, 2015. - 378 с.: ISBN 978-5-94991-312-3 - Текст : электронный. - URL: https://new.znanium.com/catalog/product/899484	Учебное пособие	ЭБС “ZNANIUM.COM”
3	Высшая математика. Часть 1 : учебное пособие / В. И. Белоусова, Г. М. Ермакова, М. М. Михалева [и др.]. — Екатеринбург : Уральский федеральный университет, ЭБС АСВ, 2016. — 296 с. — ISBN 978-5-7996-1779-0. — Текст : электронный // Электронно-библиотечная система IPR BOOKS : [сайт]. — URL: http://www.iprbookshop.ru/65920.html (дата обращения: 25.10.2019). — Режим доступа: для авторизир. пользователей	Учебное пособие	ЭБС “IPRbooks”

СОГЛАСОВАНО

Директор научной библиотеки

_____ А.М. Асаева
(подпись) (И.О. Фамилия)

«__» _____ 20__ г.

- другие фонды:

№ п/п	Библиографическое описание	Тип (учебник, учебное пособие, учебно-методическое пособие, практикум, аудио-, видеопособия и др.)	Место хранения (методический кабинет кафедры, городские библиотеки и др.)
1.	Павлова Е. С. Введение в математический анализ : учеб.-метод. пособие / Е. С. Павлова, М. Г. Никитина, Н. Н. Кошелева ; ТГУ ; Ин-т математики, физики и информ. технологий ; каф. "Высшая математика и мат. моделирование". - ТГУ. - Тольятти : ТГУ, 2015. - 60 с.	Учебно-методическое пособие	методический кабинет кафедры
2.	Кузнецова О. А. Линейная алгебра с элементами аналитической геометрии [Электронный ресурс] : электрон. учеб.-метод. пособие / О. А. Кузнецова, С. Ш. Палфёрова ; ТГУ ; Ин-т математики, физики и информ. технологий" ; каф. "Высш. математика и мат. моделирование". - Тольятти : ТГУ, 2014. - 162 с.	Учебно-методическое пособие	методический кабинет кафедры
3.	Зибров П. Ф. Теория вероятностей и математическая статистика [Электронный ресурс] : теоретико-интерактив. курс с примерами и задачами : электрон. учеб. пособие / П. Ф. Зибров, С. В. Пивнева, О. А. Кузнецова ; ТГУ ; Ин-т математики, физики и информ. технологий" ; каф. "Высш. математика и мат. моделирование". - Тольятти : ТГУ, 2015. - 308 с.	Учебное пособие	методический кабинет кафедры

11.3. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети "Интернет"

- [Основы высшей и дискретной математики](#) // Шубович А.А., Клочков Ю.В. Справочник / Волгоград, 2015. Режим доступа: <http://elibrary.ru>
- [Лекции по высшей математике](#) // Ганов В.А., Дегтерева Р.В. Учебное пособие. В 2-х частях / Барнаул, 2014. Том Часть 1 Линейная алгебра, аналитическая геометрия, комплексные числа, разложение рациональных дробей, введение в математический анализ (2-е издание, переработанное и дополненное). Режим доступа: <http://elibrary.ru>

- [Лекции по высшей математике](http://elibrary.ru) // Ганов В.А., Дегтерева Р.В. Учебное пособие. В 2-х частях / Барнаул, 2014. Том Часть 2 Дифференциальное и интегральное исчисления, функции нескольких переменных, функции комплексного переменного, дифференциальные уравнения и теория вероятностей (2-е издание, переработанное и дополненное). Режим доступа: <http://elibrary.ru>

11.4. Перечень программного обеспечения

№ п/п	Наименование ПО	Количество лицензий	Реквизиты договора (дата, номер, срок действия)
1	Windows	1398	бессрочная
2	Office Standart	1398	бессрочная

11.5. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю)

№ п/п	Наименование оборудованных учебных кабинетов, лабораторий, мастерских и др. объектов для проведения практических и лабораторных занятий	Перечень основного оборудования	Фактический адрес учебных кабинетов, лабораторий, мастерских и др.	Площадь, м ²	Количество посадочных мест
1	Учебная аудитория для проведения занятий лекционного типа. Учебная аудитория для проведения занятий семинарского типа. Учебная аудитория для курсового проектирования (выполнения курсовых работ). Учебная аудитория для проведения групповых и индивидуальных консультаций. Учебная аудитория для проведения занятий текущего контроля и промежуточной аттестации.	Столы ученические двухместные(моноблоки) , стол преподавательский, стул преподавательский, доска аудиторная (меловая)	445020 Самарская обл. г. Тольятти, ул. Белорусская, 14 Г-423 Номер по ТП - 6	68,4	48
2	Учебная аудитория для проведения занятий лекционного типа. Учебная аудитория для проведения занятий семинарского типа.	Столы ученические двухместные и трехместные (моноблоки) ,стол преподавательский, стул преподавательский, доска аудиторная (меловая)	445020 Самарская обл., г. Тольятти, Белорусская, 14 Г - 440	99,1	104

	минарского типа. Учебная аудитория для курсового проектирования (выполнения курсовых работ). Учебная аудитория для проведения групповых и индивидуальных консультаций. Учебная аудитория для проведения занятий текущего контроля и промежуточной аттестации.		Номер по ТП - 13		
3	Компьютерный класс. Помещение для самостоятельной работы. Учебная аудитория для проведения занятий семинарского типа. Учебная аудитория для курсового проектирования (выполнения курсовых работ). Учебная аудитория для проведения групповых и индивидуальных консультаций. Учебная аудитория для проведения занятий текущего контроля и промежуточной аттестации.	Столы ученические, стулья ученические, ПК с выходом в сеть Интернет	445020 Самарская обл., г. Тольятти, Центральный район, ул. Белорусская, 14, Г- 401 Номер по ТП - 48	84,6	16